

# 暗号プロトコルの安全性

—セキュリティの世界に形式的検証から入った研究者の立場から—

藤原 融

大阪大学 大学院情報科学研究科



# Dolev-Yaoの研究と嵩研の研究

---

- Dolev-Yao Model (1引数Model)
    - 22<sup>nd</sup> IEEE FOCS, October 1981
    - Information & Control, December 1982 (Dolev, Even, Karp)
    - IEEE Trans. IT, March 1983
  - 嵩研: 具体例での検証: Kasami-Yamamura-Mori
    - 信学論, June 1983 (信学技報, May 1980)
  - 嵩研: 多引数 Model: Fujiwara-Taniguchi-Kasami
    - 信学論, June 1986 (信学技報, January 1983)
- 
- Fujiwara
    - 1981.3 卒論 (具体例)
    - 1983.2 修論 (多引数Model)



# Dolev-Yao Modelの対象

---

- Cascaded Protocol
  - 2者間で、通信がカスケードに行われる
  - 暗号化、復号だけが提供される操作
  - 使える性質： $D(E(X))=X$ ,  $E(D(X))=X$
- Name-stamp Protocol
  - 暗号化、復号に加え、IDの付加、削除
  - $i_X(m)$ : メッセージ $m$ に名前 $X$ を付加
  - $d(mX)$ : 末尾からID ( $X$ ) を削除
  - $d_X(mX)$ : 末尾がID  $X$ かチェック

いずれも、操作(関数)は1引数



## 簡単なプロトコル例

---

- Cascaded Protocol
  - A send B the message  $(A, E_B(M), B)$
  - B answers A with the message  $(B, E_A(M), A)$
- Name-stamp Protocol
  - A send B the message  $(A, E_B(MA), B)$
  - B answers A with the message  $(B, E_A(MB), A)$



# Dolev-Yao Model

---

- プロトコルのフォーマルな記述法
- 秘密のメッセージを得ることができないかどうかで、安全性を定義

---

## ■ Cascaded Protocol

- A send B the message  $(A, E_B(M), B)$
- B answers A with the message  $(B, E_A(M), A)$

## ■ Name-stamp Protocol

- A send B the message  $(A, E_B(MA), B)$
- B answers A with the message  $(B, E_A(MB), A)$



# Dolev-Yao 判定アルゴリズム

---

- 入力: プロトコルのフォーマルな記述
- 出力: 安全か否か (Secure or Insecure)
- 正規言語の空問題に帰着

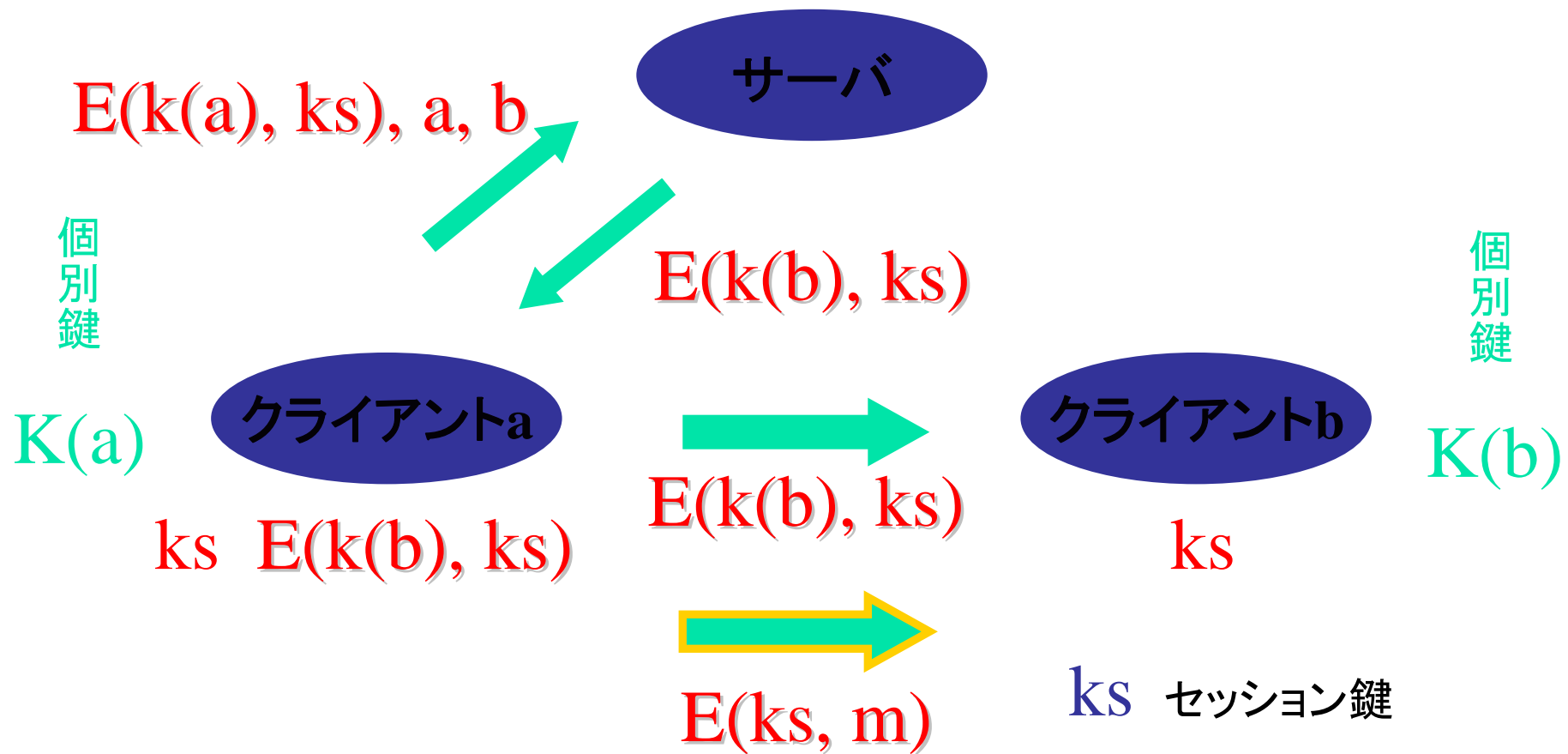


# 多引数モデルの必要性

---

- 鍵配送プロトコルでは、配送された鍵を使用して、メッセージを暗号化
- 暗号化関数は2引数関数とすべき
  - $D(X, E(X, Y)) = Y, E(X, D(X, Y)) = Y$

# 鍵配送プロトコル







# 安全性の問題の記述

---

- 鍵配送プロトコルで提供されている操作は関数として、関数の意味や関数間の関係を公理として形式的に記述.
- 安全性も形式的に記述
  - 項書き換え系の単一化不可能性問題



## フォーマルな記述

---

- 攻撃者が得られる情報を表す項の集合を定義
  - もともと知っている情報
  - 盗聴により得られる情報
  - プロトコルの操作を行って得られる情報
  - 公理系を利用して、得られる情報
- 攻撃者が得られる情報のうちに、目的とする情報がなければ、安全



# フォーマルな記述

---

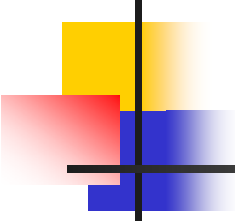
- F: 関数の集合
- A: 公理系
- I: 攻撃者が知りうる情報を表す項集合
- O: 攻撃者が実行可能な関数
- G: 攻撃者のゴール



# 記述例

---

- 公理系A
  - $D(X, E(X, Y)) = Y$
  - $E(X, D(X, Y)) = Y$
  - $\text{Req}(X, Y, Z) = E(K(Z), D(K(Y), X))$
- 攻撃者が得られる情報
  - $a, b, c, K(c), E(K(a), ks), E(K(b), ks), E(ks, m)$
- 攻撃者が実行できる関数
  - $E, D, \text{Req}$



## 多引数:ゴール設定

---

- $g(t_1, t_2, \dots) = g'(t'_1, t'_2, \dots)$ を満たす  $t_1, t_2, \dots, t'_1, t'_2, \dots$ を計算できるか?
  - $t_1 = M$       $g(t_1, t_2, \dots) = t_1, g'(t'_1, t'_2, \dots) = M$
  - $\text{VerifySig}(t_1) = \text{true}$ : 署名検証



# 多引数: 安全性判定

---

- 一般には決定不能
- 決定可能条件: 項書き換え系として
  - 有限停止性をもち、標準形が一意に定まる
  - 操作を定義する公理は、右辺が線形
  - ...
- 右線形を緩めると、決定不能(ポストの対応問題に帰着)



# 多引数: 判定アルゴリズム

---

- 動的計画法 (dynamic programming)
  - 部分問題は、1引数の安全性問題
- 多項式時間アルゴリズム



## ゴールの設定

---

- Cascaded Protocol
  - A send B the message  $(A, E_B(M), B)$
  - B answers A with the message  $(B, E_A(M), A)$
- Dolev-Yao モデルでは、このプロトコルの安全性は、攻撃者がMを得られないこと
- もし、Mが得られなければ、それでよいのか？





# 返信偽造不可能性問題

---

- Cascaded Protocol
  - A send B the message  $(A, E_B(M), B)$
  - B answers A with the message  $(B, E_A(M), A)$
- AはBに $(A, E_B(M), B)$ を送らずに、 $(B, E_A(M), A)$ を得たい  $\Rightarrow$  これが返信の偽造



# 返信偽造不可能性問題

---

- 返事をもらうという関数は、攻撃者Aは利用してよい。特定の引数での利用が禁止
- 1引数: SCIS 88
- 多引数: ISEC 97
  - 解くのに10年かかったわけではない
  - その間は、検証法の実装など



## 今後の課題

---

- ゴールの設定に関する議論
  - プロトコルが与えられたとき、ゴールをどのように設定するか？
  - Needham-Schroeder Protocol への Loweの攻撃なども、設定が易しくはない例のように思われる。
- 本当に安全な暗号の構成